

АКАДЕМИЯ СТРОИТЕЛЬСТВА И АРХИТЕКТУРЫ ДОНСКОГО ГОСУДАРСТВЕННОГО ТЕХНИЧЕСКОГО УНИВЕРСИТЕТА

УПРАВЛЕНИЕ ДИСТАНЦИОННОГО ОБУЧЕНИЯ И ПОВЫШЕНИЯ КВАЛИФИКАЦИИ

Кафедра «Информационные системы в строительстве»

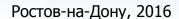
МЕТОДИЧЕСКИЕ УКАЗАНИЯ

к проведению практических занятий по дисциплине

«Моделирование объектов в OpenGL»

Автор

Кокарева Я.А.





Аннотация

Методические указания предназначены для студентов, обучающихся по направлению 09.03.01 «Информатика и вычислительная техника», профиль подготовки — «Системы автоматизированного проектирования»

Авторы



к.т.н., доцент кафедры «Информационные системы в строительстве» Кокарева Я.А.





Оглавление



ВВЕДЕНИЕ

Моделирование геометрических объектов является неотъемлемой частью создания систем автоматизированного проектирования. В качестве стандарта 3D графики признана кроссплатформенная открытая графическая библиотека OpenGL.

OpenGL - Open Graphics Library, открытая графическая библиотека. Термин "открытый" означает независимый от производителей. Библиотека завоевала огромную популярность и интегрирована со множеством языков и систем разработки приложений.

Библиотека OpenGL представляет из себя интерфейс программирования трехмерной графики. Единицей информации является вершина, из них состоят более сложные объекты. Программист создает вершины, указывает как их соединять (линиями или многоугольниками), устанавливает координаты и параметры камеры и ламп, а библиотека OpenGL берет на себя работу создания изображения на экране. ОpenGL идеально подходит для программистов, которым необходимо создать небольшую трехмерную сцену и не задумываться о деталях реализации алгоритмов трехмерной графики. Для профессионалов, занимающихся программированием трехмерной графики, библиотека тоже будет полезной, т.к. она представляет основные механизмы и выполняет определенную автоматизацию.

ОрепGL непосредственно не поддерживает работу с устройствами ввода, такими как мышь или клавиатура, т.к. эта библиотека является платформенно независимой. Но можно задействовать функции конкретной операционной системы, под которую пишется программа, или воспользоваться надстройками над OpenGL, такими как библиотеки GLUT или GLAUX.

Практические занятия по моделированию проводятся с использованием программной среды Delphi, которая не требует подключения дополнительных библиотек, кроме стандартной (поставляемой с драйверами видеокарты), для вывода на экран результатов программирования.

СИНТАКСИС КОМАНД

Для того чтобы команды OpenGL были доступны в проекте, необходимо указать библиотеку в списке используемых модулей.

Все команды начинаются с префикса дов, затем идёт имя ко-



манды, цифра и суффикс. Цифра в окончании соответствует количеству аргументов, буква показывает требуемый тип аргумента.

Если имя команды заканчивается на ν (векторная форма), то аргументом её служит указатель на массив значений. Например, если последние три символа в имени команды $3 f \nu$, то её аргумент — адрес массива трёх вещественных чисел.

В общем виде команду можно представить:

glCommandName {1,2,3,4} {b, s, i, f, d, ub, us, ui} {v} (arguments)

Таблица 1. Возможные типы аргументов команд OpenGL

Символ	Обозначение типа в OpenGL	Расшифровка
b	GLbyte	Байтовый
S	GLshort	Короткий целый
İ	GLint	Целый
d	GLdouble	Вещественный двойной
		точности
f	GLfloat	Вещественный
ub	GLubyte	Байтовый, беззнаковый
us	GLushort	Короткий целый, беззна-
		ковый
ui	GLuint	Целый, беззнаковый

Почти всегда предпочтительно использовать команду в вещественной форме, поскольку хранит данные OpenGL именно в вещественном формате.

ПРАКТИЧЕСКАЯ РАБОТА №1. ИНИЦИАЛИЗАЦИЯ OPENGL

Для инициализации библиотеки OpenGL в Delphi необходимо добавить ссылку на библиотеку в используемые модули, а также прописать некоторые специфические процедуры для корректного определения формата пикселей и отображения на форме изображения.

Ниже представлены два варианта инициализации. В <u>первом</u> используются события (Events): OnCreate, OnDestroy, OnPaint.



Изображение программируется в глобальной процедуре FormPaint, там же задаются основные параметры видовых и проективных матриц, а также освещения и материалов. Во втором используются события OnCreate, OnResize, OnClose. Параметры матриц, освещения, материалов определены в процедурах FormCreate, FormResize, а сами команды рисования прописываются в локальной процедуре Draw. Процедура FormResize отвечает за перерисовку изображения при изменении размеров окна.

```
<u>1-й вариант</u>
```

unit Unit1;

interface

uses

Windows, Messages, SysUtils, Variants, Classes, Graphics, Controls, Forms, Dialogs, OpenGL;

```
type
 TForm1 = class(TForm)
  procedure FormPaint(Sender: TObject);
  procedure FormCreate(Sender: TObject);
  procedure FormDestroy(Sender: TObject);
 private
  { Private declarations }
 public
  { Public declarations }
var
 Form1: TForm1;
 hrc: HGLRC;
 implementation
{$R *.dfm}
// процедура установки формата пикселей
procedure SetDCPixelFormat (hdc : HDC);
var
pfd
                 TPixelFor- matDescriptor;
```



```
nPixelFormat : Integer;
      begin
      FillChar (pfd, SizeOf (pfd), 0);
      nPixelFormat := ChoosePixelFormat (hdc, @pfd);
      SetPixelFormat (hdc, nPixelFormat, @pfd);
      end;
      procedure TForm1.FormCreate(Sender: TObject);
      begin
     SetDCPixelFormat(Canvas.Handle);
     hrc := wglCreateContext(Canvas.Handle);
      WindowState := wsMaximized; // установлен размер окна во
весь экран
     end;
     procedure TForm1.FormPaint(Sender: TObject);
      begin
      wglMakeCurrent(Canvas.Handle, hrc);
      glClearColor (0.5, 0.5, 1, 1.0); // установлен цвет фона в
формате RGBa
       qlMatrixMode(GL PROJECTION); // установлена проектив-
ная матрица
       qlLoadIdentity(); // установлена единичная матрица
       gluOrtho2D(-10,10,-5,5); // установка двумерной коорди-
натной сетки внутри окна: x_{min} = -10, x_{max} = 10, y_{min} = -5, y_{max} = 5
      glClear (GL COLOR BUFFER BIT); // очистка буфера
       //здесь будут команды рисования
      wglMakeCurrent(0, 0);
      end;
      procedure TForm1.FormDestroy(Sender: TObject);
      begin
      wqlDeleteContext(hrc);
      end;
      end.
```

2-й вариант



```
unit Unit1;
      interface
      uses
      Windows, Messages, Forms, Classes, Controls, ExtCtrls,
ComCtrls, StdCtrls, Dialogs, SysUtils, OpenGL;
      type
       TForm1 = class(TForm)
        procedure FormCreate(Sender: TObject);
        procedure FormResize(Sender: TObject);
        procedure FormClose(Sender: TObject; var Action: TClose-
Action);
       private
        ghRC: HGLRC;
        ghDC: HDC;
        procedure Draw;
       end;
      var
       Form1: TForm1;
      implementation
      {$R *.DFM}
      \{+++ \Phi \circ \mathsf{pmat} \ \mathsf{пикселя} \ +++\}
      function bSetupPixelFormat(DC: HDC): boolean;
      var
        pfd: PIXELFORMATDESCRIPTOR;
       ppfd: PPIXELFORMATDESCRIPTOR;
        pixelformat: integer;
      begin
        ppfd := @pfd;
       ppfd.nSize := sizeof(PIXELFORMATDESCRIPTOR);
        ppfd.nVersion := 1;
       ppfd.dwFlags := PFD DRAW TO WINDOW or
PFD SUPPORT OPENGL or
                                 PFD_DOUBLEBUFFER;
```



```
ppfd.dwLayerMask := PFD MAIN PLANE;
        ppfd.iPixelType := PFD_TYPE_RGBA;
        ppfd.cColorBits := 32;
        ppfd.cDepthBits := 8;
        ppfd.cAccumBits := 0;
        ppfd.cStencilBits := 0;
        pixelformat := ChoosePixelFormat(dc, ppfd);
        if pixelformat = 0 then
        begin
         MessageBox(0, 'ChoosePixelFormat failed', 'Error', MB_OK);
         bSetupPixelFormat := FALSE;
         exit;
        end;
        if not SetPixelFormat(dc, pixelformat, ppfd) then
        begin
         MessageBox(0, 'SetPixelFormat failed', 'Error', MB OK);
         bSetupPixelFormat := FALSE;
         exit;
        end;
        bSetupPixelFormat := TRUE;
      end;
      procedure TForm1.FormCreate(Sender: TObject);
      begin
        ghDC := GetDC(Handle);
        if not bSetupPixelFormat(ghDC) then Close();
        ghRC := wqlCreateContext(qhDC);
        wglMakeCurrent(ghDC, ghRC);
        glClearColor(0.5, 0.5, 1, 1.0); // установка цвета фона в
формате RGBa
        FormResize(Sender);
      end;
```



```
procedure TForm1.FormResize(Sender: TObject);
     begin
     glViewport(0, 0, Width, Height);
     qlMatrixMode(GL_PROJECTION);
     glLoadIdentity();
     aluOrtho3D(-1,1,-1,1,-1,1); // координатная сетка для трех-
мерного пространства (Xmin, Xmax, Ymin, Ymax, Zmin, Zmax)
     gluLookAt(0.2,0.2,-0.1,0,0,0,0,0,1); //задание положения и
ориентации камеры (будет рассмотрена ниже)
     glMatrixMode(GL MODELVIEW);
     end;
     procedure TForm1.FormClose(Sender: TObject; var Action:
TCloseAction);
     begin
       if ghRC <> 0 then
       begin
         wglMakeCurrent(ghDC,0);
         wqlDeleteContext(qhRC);
       end:
       if ghDC <> 0 then ReleaseDC(Handle, ghDC);
     end;
     procedure TForm1.Draw;
     begin
     glClear(GL COLOR BUFFER BIT);
     // команды рисования
      SwapBuffers(ghDC);
     end;
     end.
```



тива

Моделирование объектов в OpenGL

ПРАКТИЧЕСКАЯ РАБОТА №2. ПРИМИТИВЫ OPENGL

Примитивы создаются следующим образом:

glBegin(GLenum mode); // открываем операторские скобки. Указываем в качестве аргумента примитив

glVertex[2 3 4][s i f d](...); // указываем первую вершину примитива

... // остальные вершины g/Vertex[2 3 4][s i f d](...); // последняя вершина прими-

glEnd(); // закрываем операторские скобки

Примечание. Между командами **glBegin(GLenum mode)** и **glEnd()** можно располагать несколько однотипных примитивов, таких как: отдельные точки, отдельные отрезки, треугольники, четырехугольники.

Обычно, вершины задаются одним из четырех способов.

glVertex2d(x,y); // две переменных типа double

glVertex3d(x,y,z); // три переменных типа double

glVertex2dv(array); // массив из двух переменных типа double

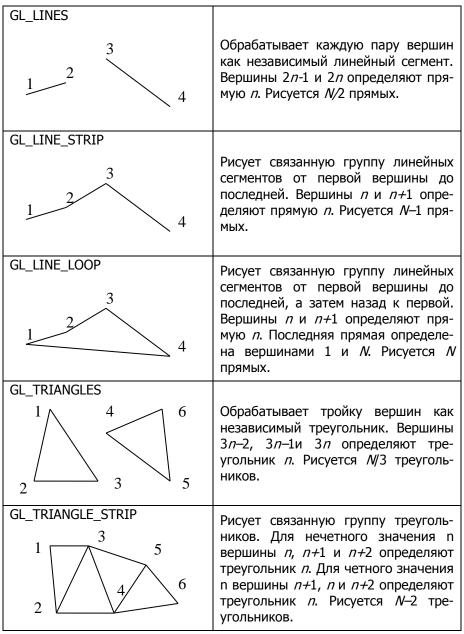
glVertex3dv(array); // массив из трех переменных типа double

Параметр *mode* может принимать одно из значений, приведенных в табл. 1.

Таблица 1. Значения параметра *mode*

Значение	Смысл
GL_POINTS	
3 1 2 • 4	Обрабатывает каждую вершину как отдельную точку. Вершина <i>п</i> определяет точку <i>п</i> .







GL_TRIANGLE_FAN	
$1 \underbrace{\begin{array}{c} 5 \\ 4 \\ 3 \\ 2 \end{array}}$	Рисует связанную группу треугольников. Вершины 1, <i>n</i> +1 и <i>n</i> +2 определяют треугольник n. Рисуется <i>N</i> –2 треугольников.
GL_QUADS 4 2 5 6	Обрабатывает каждую группу из четырех вершин в качестве независимого четырехугольника. Вершины 4 <i>n</i> –3, 4 <i>n</i> –2, 4 <i>n</i> –1 и 4 <i>n</i> определяют четырехугольник <i>n</i> . Рисуется <i>N</i> /4 четырехугольников.
GL_QUAD_STRIP	
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	Рисует связанную группу четырехугольников. Вершины $2n-1$, $2n$, $2n+2$ и $2n+1$ определяют четырехугольник n . Рисуется $N/2-1$ четырехугольников.
GL_POLYGON	
$ \begin{array}{c c} 8 & 7 & 6 \\ 1 & 2 & 3 & 4 \end{array} $	Рисует отдельный выпуклый много- угольник. Вершины от 1 до <i>N</i> опре- деляют этот многоугольник.

Примеры задания точек:

glVertex2s(2, 3) — точка с координатами x = 2, y = 3, z = 0, w = 1;

glVertex3d(0.0, 0.0, 3.14) — точка с координатами x = 0.0, y = 0.0, z = 3.14, w = 1.0;

GLdouble dvect[3] = $\{5.0, 9.0, 1992.0\}$;

glVertex3dv(dvect) — точка с координатами x = 5.0, y = 9.0, z = 1992.0, w = 1.0.



Пример. Изобразить треугольник с вершинами (-2,3), (4,4), (7,-4).

Для изображения треугольника воспользуемся значением параметра GL_TRIANGLES. Программирование всех изображений будет происходить в процедуре FormPaint (первый вариант инициализации) или Draw (второй вариант) после команды очистки буфера glClear (GL_COLOR_BUFFER_BIT).

```
procedure TForm1.FormPaint(Sender: TObject);
      beain
      wglMakeCurrent(Canvas.Handle, hrc);
      glClearColor (0.5, 0.5, 1, 1.0);
       glMatrixMode(GL_PROJECTION);
       qlLoadIdentity();
       gluOrtho2D(-10,10,-5,5);
      glClear (GL COLOR BUFFER BIT);
       // прорисовка изображения треугольника
     glBegin(GL TRIANGLES);
     qlColor3f(1,0,0); // задаем цвет вершин, чтобы треугольник
не слился с фоном
     glVertex2d(-2.3); // первая вершина
     glVertex2d4.4); // вторая вершина
     glVertex2d(7.-4); // третья вершина
     glEnd();
     // конец рисования треугольника
     wglMakeCurrent(0, 0);
      end;
```

<u>Примечание.</u> Необходимо следить, чтобы изображение не выходило за пределы установленной координатной сетки (команды gluOrtho2d — для двумерных построений или glOrtho — для трехмерных построений).

ПРАКТИЧЕСКАЯ РАБОТА №3. ИЗМЕНЕНИЕ ПРЕДОПРЕДЕЛЕННЫХ СВОЙСТВ ПРИМИТИВОВ

Приведенные в данном разделе команды, включающие свойства, необходимо написать **до** операторных скобок glBegin(). Команды выключения glDisable() необходимо указывать **после**



операторных скобок.

Точки.

Размер точки устанавливается с помощью функции: glPointSize(GLfloat size);

Режим сглаживания точек (по умолчанию точки квадратные) устанавливается вызовом функции

glEnable(GL_POINT_SMOOTH);

Отключается, соответственно, вызовом glDisable() с этим параметром. Последние функции – glPointSize и glEnable/glDisable надо вызывать вне glBegin/glEnd, иначе они будут проигнорированы.

Линии.

Ширина (толщина) линии: glLineWidth(int width)

Прерывистые линии получаются путем наложения маски при помощи следующей функции:

glLineStipple(GLint factor, GLushort pattern);

Второй параметр задает саму маску. Например, если его значение равно 255(0х00FF), то, чтобы вычислить задаваемую маску, воспользуемся калькулятором. В двоичном виде это число выглядит так: 0000000111111111, т.е. всего 16 бит. Старшие восемь установлены в ноль, значит, тут линии не будет. Младшие установлены в единицу, тут будет рисоваться линия. Первый параметр определяет, сколько раз повторяется каждый бит. Скажем, если его установить равным 2, то накладываемая маска будет выглядит так:

00000000000000011111111111111111

Пример 1.

```
glLineWidth(1); // ширину линии устанавливаем 1 glBegin(GL_LINES); glColor3d(1,0,0); // красный цвет glVertex3d(-4.5,3,0); // первая линия glVertex3d(-3,3,0); glColor3d(0,1,0); // зеленый glVertex3d(-3,3.3,0); // вторая линия glVertex3d(-4,3.4,0); glEnd(); glLineWidth(3); // ширина 3 glBegin(GL LINE STRIP);
```



```
glColor3d(1,0,0);
       glVertex3d(-2.7,3,0);
       glVertex3d(-1,3,0);
       glColor3d(0,1,0);
       glVertex3d(-1.5,3.3,0);
       glColor3d(0,0,1);
       glVertex3d(-1,3.5,0);
      glEnd();
       glLineWidth(5);
      glEnable(GL_LINE_SMOOTH); // включаем сглаживание ли-
нии
      glEnable(GL LINE STIPPLE); // разрешаем
                                                    рисовать
прерывистую линию
      glLineStipple(2,58360);
                                // устанавливаем маску
      glBegin(GL_LINE_LOOP);
       glColor3d(1,0,0);
       glVertex3d(1,3,0);
       glVertex3d(4,3,0);
       glColor3d(0,1,0);
       glVertex3d(3,2.7,0);
       glColor3d(0,0,1);
       glVertex3d(2.5,3.7,0);
        glEnd();
      glDisable(GL LINE SMOOTH); //отключаем сглаживание
линии
      glDisable(GL LINE STIPPLE); // запрещаем рисование
прерывистой линии
```

Полигоны.

Чтобы изменить *метод отображения* многоугольника используется команда:

glPolygonMode (GLenum face, Glenum mode)

Параметр mode определяет, как будут отображаться многоугольники, а параметр face устанавливает тип многоугольников, к которым будет применяться эта команда и могут принимать следующие значения:

Таблица 2. Значения параметров face и mode

GLenum face	GL_FRONT	для лицевых граней		
lacc	GL_BACK	для обратных граней		
	GL_FRONT_AND_BACK	для всех граней		



Glenum mode	GL_POINT	Отображаются вершины многоугольников
	GL_LINE	представляется набором отрезков
	GL_FILL	закрашиваются текущим цветом с учетом освещения. Этот режим установлен по умолчанию.

<u>Примечание</u>. Полигоны, нарисованные командой GL LINE LOOP нельзя закрасить.

```
Пример 2.
     glLineWidth(2);
      glPolygonMode(GL FRONT AND BACK, GL LINE); //pucyem
проволочные треугольники
     glBegin(GL_TRIANGLE_STRIP); // обратите внимание на
порядок вершин
       glColor3d(0,1,0);
       glVertex3d(1,2,0);
       glVertex3d(0,2.9,0);
       glVertex3d(-1,2,0);
       glVertex3d(0,1.1,0);
      glEnd();
      glEnable(GL LINE STIPPLE);
      glPolygonMode(GL FRONT AND BACK, GL LINE);
      glBegin(GL_TRIANGLE_FAN);
       glColor3d(0,0,1);
       glVertex3d(4,2,0);
       glVertex3d(2.6,2.8,0);
       glVertex3d(2,2,0);
       glVertex3d(3,1.1,0);
      glEnd();
      glDisable(GL LINE STIPPLE);
```

Модель заливки фигур устанавливается оператором: *glShadeModel (GLenum mode);*

Параметр *mode* может принимать значения GL_SMOOTH (плавная заливка – режим по умолчанию) или GL_FLAT (плоская заливка). При использовании <u>плоской заливки</u> цвет одной отдельной вершины независимого примитива дублируется для всех остальных вершин при визуализации этого примитива.

При плавной заливке цвет каждой вершины считается ин-



дивидуальным. Для линии цвет на протяжении отрезка интерполируется на основании цветов на его концах. Для полигона цвета его внутренней области интерполируются между цветами его вершин.

При использовании плавной заливки соседние пиксели имеют немного различающиеся цвета. В RGBA режиме соседние пиксели с немного различающимся цветом выглядят одинаково, таким образом, цвет плавно меняется по всей плоскости полигона.

ПРАКТИЧЕСКАЯ РАБОТА №4. ПРОЦЕДУРА ДЛЯ РИСОВАНИЯ ОКРУЖНОСТИ И ПРАВИЛЬНЫХ МНОГОУГОЛЬНИКОВ

Окружность не является примитивом библиотеки OpenGL. Поэтому ее рассматривают как правильный многоугольник с достаточно малой длиной стороны, чтобы при отображении на экране он сглаживался и выглядел, как окружность.

Таким образом, задавая процедуру прорисовки окружности с помощью ее параметрических уравнений, эту же процедуру можно использовать для правильных многоугольников, вписанных в окружность данного радиуса.

В предложенной ниже процедуре используется динамический массив для возможности использования одной и той же процедуры для рисования в одной программе и окружностей, и различных многоугольников, а также их частей.

<u>Аргументы процедуры</u> (являются глобальными переменными):

- N количество вершин многоугольника (или точность разбиения окружности),
- ${\it R}$ радиус окружности/описанной около многоугольника окружности,
 - **хо** абсцисса центра окружности/многоугольника,
 - уо ордината центра окружности/многоугольника,
- **alpha**₀ угол поворота первой точки относительно положительного направления локальной оси Ох («+» против часовой стрелки, «-« по часовой стрелки). Если этот параметр равен 0, то первая точка расположена на локальной оси Ох.
 - **Beta** центральный угол дуги окружности. При beta=360⁰



```
имеем полную окружность.
      Необходимо подключить модуль Math.
     // процедура определения координат окружности/вершин
правильного многоугольника
      procedure Coordinaty(n:integer;r,x0,y0, alpha0,beta: double);
      var
      alpha: double;
     i:integer;
      begin
      // установка длины динамических массивов х и у (глобаль-
ные переменные)
     SetLength(x, n);
     SetLength(y, n);
      for i := 0 to n-1 do
      begin
      alpha:=DegToRad(alpha0)+ DegToRad(beta)*i/n; // шаг угла
между вершинами
      // параметрические уравнения окружности
     x[i]:=x0+r*cos(alpha);
     y[i]:=y0+r*sin(alpha);
      end;
      end;
     procedure TForm3.FormPaint(Sender: TObject); // процедура
отрисовки изображения
      var i:integer;
      begin
      wglMakeCurrent(Canvas.Handle, hrc);
      qlclearcolor(0.5,0.7,1,1);
      glMatrixMode(GL PROJECTION);
       qlLoadIdentity();
       gluOrtho2D(-15,15,-15,15);
      glClear(GL_Color_Buffer_BIT);
      // восьмиугольник
      n:=8:
      Coordinaty (n,3,7,-7,0,360);
       glBegin(gl polygon); // полигон
       for i := 0 to n-1 do
       begin
       glColor3f(1,0,1);
```



```
glVertex2d(x[i],y[i]);
       end;
       glEnd();
       // окружность
       n := 40;
       Coordinaty (n,4,-6,-6,0,360);
       glBegin(gl line loop); // замкнутая ломаная
        for i := 0 to n-1 do
        begin
        glColor3f(0.2,0.4,0);
       glVertex2d(x[i],y[i]);
       end;
       glEnd();
      // шестиугольник, у которого две вершины лежат на оси Оу
       n:=6;
       Coordinaty (n,5,0,0,30,360);
       glLineWidth(5); // толщина линии на экране
      glBegin(gl_line_loop); // замкнутая ломаная
       glColor3f(0.5,1,0.2); // цвет линии
       for i := 0 to n-1 do
       glVertex2d(x[i],y[i]);
       glEnd();
      // дуга окружности с центральным углом 35<sup>0</sup> и первой точ-
кой, повернутой на -45^{\circ}.
       n:=20;
       Coordinaty (n,3,-2,-3,-45,35);
       qlBeqin(ql line strip); //разомкнутая ломаная
        for i := 0 to n-1 do
        begin
        glColor3f(0,0.4,1);
       glVertex2d(x[i],y[i]);
       end;
       glEnd();
      wglMakeCurrent(0,0);
      end;
```



ПРАКТИЧЕСКАЯ РАБОТА №5. ГРАФИКИ ФУНКЦИЙ

Для вывода на экран графика какой-либо функции необходимо прописать ее определение в отдельной процедуре, а затем ее вызвать.

```
Пример. Отобразить синусоиду на отрезке [0,2*pi].
procedure Grafic(n:integer);
var
alpha: double;
i:integer;
begin
SetLength(x, n);
SetLength(y, n);
for i := 0 to n-1 do // определение точек на графике
begin
alpha:=2*pi*i/n;
// уравнение синусоиды в параметрическом виде
x[i]:= alpha;
y[i] := sin(x[i]);
end;
end;
```

Задание. Написать процедуры для вывода графика функций. Границы изменения параметра определить самостоятельно.

ции.	траницы изменения парамет	pa ui	тределить самостоятельно.
1	Гипербола	6	Астроида
	x = acht,		$x = a\sin^3\alpha,$
	y = bsht		$y = a\cos^3\alpha$
2	Строфоида	7	Дельтоида
	$x = \frac{m(w^2 - 1)}{1 + w^2},$		$x = 2m\cos\frac{\alpha}{3} + m\cos\frac{2\alpha}{3},$
	$y = \frac{mw(w^2 - 1)}{1 + w^2}$		$y = 2m\sin\frac{\alpha}{3} - m\sin\frac{2\alpha}{3}$
3	Циссоида	8	Роза
	at^2		$x = m\sin(n\alpha)\cos\alpha,$
	$x = \frac{at^2}{1+t^2},$		$y = m\sin(n\alpha)\sin\alpha$
	$y = \frac{at^3}{1 + t^2}$		



4	Конхоида Никомеда	9	Полукубическая парабола
	$x = m + n\cos\alpha,$		$x=t^2$,
	$y = mtg\alpha + n\sin\alpha$		$y = at^3$
5	Улитка Паскаля	10	Лемниската Жероно
	$x = m\cos^2\alpha + n\cos\alpha,$		$x = \cos \alpha$,
	$y = m\cos\alpha\sin\alpha + n\sin\alpha$		$y = \sin \alpha \cos \alpha$

ПРАКТИЧЕСКАЯ РАБОТА №6. АФФИННЫЕ ПРЕОБРАЗОВАНИЯ

В OPENGL все преобразования над объектами производятся с помощью операций с матрицами.

Для сохранения и восстановления текущей матрицы используются функции **glPushMatrix()** и **glPopMatrix()**. Они записывают и восстанавливают текущую матрицу из стека, причем для каждого типа матриц стек свой. Для модельно-видовых матриц его глубина равна как минимум 32, для остальных — как минимум 2.

Функции **glPushMatrix()** и **glPopMatrix()** восстанавливают переменные состояния и используются, например, при аффинных преобразованиях. К аффинным преобразованиям относятся команды сдвиг, вращение, масштабирование. Без использования матриц можно получить неожиданный результат.

Сама матрица может быть создана с помощью следующих команд.

Масштабирование

Преобразование масштабирования увеличивает или уменьшает размеры объекта.

Команда масштабирования

glScale[f d] (GLtype *x*, GLtype *y*, GLtype *z*)

с тремя аргументами – коэффициентами масштабирования по каждой из осей.

Если масштабные множители больше единицы объект растягивается в заданном направлении, если меньше объект сжимается. Масштабные множители могут иметь отрицательные значения, при этом изображение переворачивается по соответствую-



щей оси. При двумерных построениях значение коэффициента по оси Z игнорируется.

После команд рисования следует восстановить нормальный масштаб, чтобы каждое следующее обращение к обработчику перерисовки экрана не приводило бы к последовательному уменьшению / увеличению изображения.

Поворот

Для поворота изображения используется команда **glRotate[f d]** (GLtype *angle*, GLtype *x*, GLtype *y*, GLtype z) с четырьмя аргументами: GLtype *angle* – угол поворота (в градусах), GLtype *x*, GLtype *y*, GLtype z – вектор поворота.

Сдвиг (смещение)

Преобразование сдвига смещает точки в новые позиции в соответствии с заданным вектором смещения. Перенос системы координат осуществляется командой

glTranslate[f d] (GLtype x, GLtype y, GLtype z)

GLtype x, GLtype y, GLtype — величины переноса по каждой из осей.

Для поворота вокруг произвольной фиксированной точки сначала нужно выполнить преобразование сдвига, совмещающую заданную фиксированную точку с началом координат, потом выполнить преобразование поворота вокруг начала координат, а затем обратное преобразование сдвига. Порядок манипуляции с системой координат: вначале перенос, затем поворот, по окончании рисования — в обратном порядке: поворот, затем перенос.

Все эти преобразования изменяют текущую матрицу, а поэтому применяются к примитивам, которые определяются **позже**. В случае, если надо, например, повернуть один объект сцены, а другой оставить неподвижным, удобно сначала сохранить текущую видовую матрицу в стеке командой glPushMatrix(), затем вызвать glRotate() с нужными параметрами, описать примитивы, из которых состоит этот объект, а затем восстановить текущую матрицу командой glPopMatrix().

Пример.

```
glClear(GL_COLOR_BUFFER_BIT);
// начальное положение фигуры
glBegin(GL_POLYGON);
glColor3f(1,0,0);
```



```
glVertex2f(-25.0,-25.0);
       glVertex2f(25.0,-25.0);
       glVertex2f(25.0,25.0);
       glVertex2f(-25.0,25.0);
       glEnd( );
     // фигура после трансформации
        glPushMatrix();
        glRotatef(25, 0.0, 0.0, 1.0); // поворот вокруг
точки (0,0) против часовой стрелки на угол 25^{\circ})
        glColor3f(1.0, 1.0, 1.0);
        glBegin(GL POLYGON);
       glColor3f(1,1,0);
       glVertex2f(-25.0,-25.0);
       glVertex2f(25.0,-25.0);
       glVertex2f(25.0,25.0);
       glVertex2f(-25.0,25.0);
       glEnd( );
        glPopMatrix();
```

ПРАКТИЧЕСКАЯ РАБОТА №7. ОТОБРАЖЕНИЕ ТРЕХМЕРНЫХ ФИГУР

В основной библиотеке OpenGL не существует трехмерных примитивов. Все объемные объекты создаются на основе базовых примитивов, расположенных определенным образом в пространстве. Для использования таких примитивов, как сфера, параллелепипед, тор необходимо подключить библиотеку GLUT.

Проективные преобразования в OpenGL

Для создания сцены необходимо задать область вывода объектов и задать способ проецирования.

Если область вывода не задана явно, то в OpenGL используется установленная по умолчанию зона в виде куба видимости 2x2x2 с началом координат в центре куба.

В составе OpenGL имеются две функции для задания перспективных проекций и одна для задания параллельных проекций. Каждая из функций определяет зону видимости — пирамиду или параллелепипед. Объекты, не попадающие в эту зону, отсекаются и не включаются в отображаемую сцену.



Перспективные преобразования в OpenGL

Параметры пирамиды видимости задаются функцией **glFrustum()**, смысл аргументов которой поясняет рис. 1.

glFrustum(GLdouble left, GLdouble right, GLdouble bottom, GLdouble top, GLdouble near, GLdouble far);

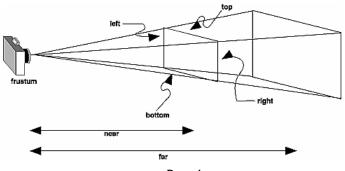


Рис. 1

Значения аргументов near и far, задающих положение передней и задней отсекающих плоскостей, должны быть положительными и отсчитываться от центра проецирования вдоль оси проецирования.

Поскольку матрица проецирования умножается на текущую матрицу, сначала нужно задать режим работы с этой матрицей. Типичная последовательность операций представлена ниже.

 $glMatrixMode(GL_PROJECTION);$

glLoadIdentity();

glFrustum(xmin, xmax, ymin, ymax, near, far);

Во многих приложениях предпочтительнее задавать не линейные параметры, характеризующие положение углов усеченной пирамиды видимости, а угол и поле зрения. Однако если картинная плоскость является прямоугольником, а не квадратом, то нужно задавать пару углов зрения: один в вертикальной плоскости, другой- в горизонтальной (рис. 2).

gluPerspective(GLdouble fovy, GLdouble aspect, GLdouble znear, GLdouble zfar);

Аргументы этой функции имеют следующий смысл:

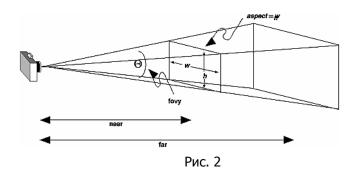
fovy – угол зрения в вертикальной плоскости;

aspect – отношение ширины окна картинной плоскости к его высоте;

znear и zfar – расстояние от центра проецирования до пе-



редней и задней отсекающих плоскостей.



Перспективная проекция задает усеченный конус видимости в левосторонней системе координат. Параметр *fovy* определяет угол видимости в градусах по оси **y** и должен находиться в диапазоне от 0 до 180. Угол видимости вдоль оси **x** задается параметром *aspect*, который обычно задается как отношение сторон области вывода (как правило, размеров окна) Параметры *zfar* и *znear* задают расстояние от наблюдателя до плоскостей отсечения по глубине и должны быть положительными. Чем больше отношение *zfar znear*, тем хуже в буфере глубины будут различаться расположенные рядом поверхности, так как по умолчанию в него будет записываться 'сжатая' глубина в диапазоне от 0 до 1.

Параллельное проецирование в OpenGL

В составе OpenGL имеется только одна функция для задания параметров параллельного проецирования, которая формирует ортогональную проекцию. Зона видимости при этом превращается в параллелепипед (рис. 3.).

glOrtho(GLdouble left, GLdouble right, GLdouble bottom, GLdouble top, GLdouble near, GLdouble far);

Аргументы вызова имеют тот же геометрический смысл, что и одноименные аргументы функции glFrustum().



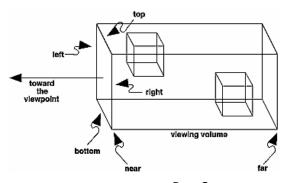
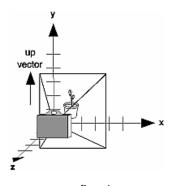


Рис. 3

Задание положения и ориентации камеры



Puc. 4

В составе OpenGL имеется функция gluLookAt(), которая позволяет задать положение и ориентацию камеры (рис. 4).

gluLookAt(GLdouble eyex, GLdouble eyey, GLdouble eyez, GLdouble centerx, GLdouble centery, GLdouble centerz, GLdouble upx, GLdouble upy, GLdouble upz);

Аргументы функции имеют следующий вид:

eyex, eyey, eyez – координаты точки наблюдения;

centerx, centery, centerz-

координаты контрольной точки объекта, указывающей центр сцены;

ирх, иру, ирг - задает положительное направление оси у, определяя поворот камеры. Если, например, камеру не надо поворачивать, то задается значение (0,1,0), а со значением (0,-1,0) сцена будет перевернута.

Вызывать команду **gluLookAt()** имеет смысл **перед** определением преобразований объектов, когда модельно-видовая матрица равна единичной.

При изменении положения источника света следует учитывать следующий факт: в OpenGL источники света являются объектами, такими же, как многоугольники и точки. На них распространяется основное правило обработки координат в OpenGL —



параметры, описывающее положение в пространстве, преобразуются текущей модельно-видовой матрицей в момент формирования объекта, т.е. в момент вызова соответствующих команд OpenGL. Таким образом, формируя источник света одновременно с объектом сцены или камерой, его можно привязать к этому объекту. Или, наоборот, сформировать стационарный источник света, который будет оставаться на месте, пока другие объекты перемещаются.

Общее правило такое:

Если положение источника света задается командой glLight*() (будет рассмотрена ниже) перед определением положения виртуальной камеры (например, командой glLookAt()), то будет считаться, что координаты (0,0,0) источника находится в точке наблюдения и, следовательно, положение источника света определяется относительно положения наблюдателя.

Если положение устанавливается между определением положения камеры и преобразованиями модельно-видовой матрицы объекта, то оно фиксируется, т.е. в этом случае положение источника света задается в мировых координатах.

Освещение

В модели освещения OpenGL предполагается, что освещение может быть разделено на 4 компонента:

фоновое (ambient) диффузное (diffuse) зеркальное (specular) исходящее (эмиссионное – emissive).

Все 4 компонента рассчитываются независимо и только затем суммируются.

Чтобы добавить на сцену освещение, требуется выполнить несколько шагов:

- 1. Определить вектор нормали для каждой вершины каждого объекта. Эти нормали задают ориентацию объекта по отношению к источникам света.
- 2. Создать, выбрать и позиционировать один или более источников света.
- 3. Создать и выбрать **модель освещения**, которая определяет уровень глобального фонового света и эффективное положение точки наблюдения (для вычислений, связанных с освещением).
 - 4. Задать свойства мате- риала для объектов сцены.



RGB – величины для света и материалов

Цветовые компоненты, задаваемые для <u>источников света</u>, означают совсем не то же самое, что <u>для материалов</u>. Для <u>источника</u> света число представляет собой <u>процент от полной интенсивности каждого цвета</u>. Если R, G и B — величины цвета источника света все равны 1.0, свет будет максимально белым. Если величины будут равны 0.5, свет все равно останется белым, но лишь с половиной интенсивности (он будет казаться серым). Если R=G=1 и B=0 (полный красный, полный зеленый, отсутствие синего), свет будет желтым.

Для материалов числа соответствуют отраженным пропорциям этих цветов. Так что, если для материала R=1, G=0.5 и B=0, этот материал отражает весь красный свет, половину зеленого и совсем не отражает синего.

Если два источника света с характеристиками (R1, G1, B1) и (R2, G2, B2) направлены в глаз, OpenGL сложит компоненты: (R1+R2, G1+G2, B1+B2). Если какая-либо из сумм будет больше 1 (соответствуя цвету, который нельзя отобразить), компонент будет урезан до 1.

Вызовы команд, связанных с освещением, помещают в функцию Create.

```
GLfloat light_ambient[] = { 0.0, 0.0, 0.0, 1.0 };
GLfloat light_diffuse[] = { 1.0, 1.0, 1.0, 1.0 };
GLfloat light_specular[] = { 1.0, 1.0, 1.0, 1.0 };
GLfloat light_position[] = { 1.0, 1.0, 1.0, 0.0 };

/* устанавливаем параметры источника света */
glLightfv (GL_LIGHTO, GL_AMBIENT, light_ambient);
glLightfv (GL_LIGHTO, GL_DIFFUSE, light_diffuse);
glLightfv (GL_LIGHTO, GL_SPECULAR, light_specular);
glLightfv (GL_LIGHTO, GL_POSITION, light_position);
/* включаем освещение и источник света */
glEnable (GL_LIGHTING);
glEnable (GL_LIGHTO);
/* включаем z-буфер */
glEnable(GL_DEPTH_TEST);
```

Создание, позиционирование и включение одного или более источников света

Создание источников света

Источники света имеют несколько параметров, таких как цвет, позиция и направление. Команда, используемая для



указания всех параметров света – это glLight*(). Она принимает три аргумента: идентификатор источника света, имя свойства и желаемое для него значение.

glLight{if} (GLenum *light*, GLenum *pname*, TYPE *param*); glLight{if}v (GLenum *light*, GLenum *pname*, TYPE **param*);

Создает источник, задаваемый параметром light (который может принимать значения GL_LIGHT0, GL_LIGHT1, ..., GL_LIGHT7). Задаваемая характеристика света определяется аргументом *рпате* в виде константы (таблица 3). В параметре *рагат* задается значение или значения, в которые следует установить характеристику *рпате*.

Если используется векторная версия команды, *param* представляет собой вектор величин, а если невекторная, то *param* – одно единственное значение. Невекторная версия команды может использоваться только для указания параметров, чье значение выражается одним числом. По умолчанию цвет всех источников света кроме GL_LIGHT0 – черный.

После настройки параметров источника света необходимо активизировать его командой glEnable(). Кроме того, необходимо вызвать команду glEnable() с аргументом GL_LIGHTING, чтобы подготовить OpenGL к выполнению расчетов, связанных с освещением.

Замечание: Помните, что каждый источник света нужно включить командой

glEnable().

Таблица 3. Значения по умолчанию для источника света

Имена параметров	Значения по умолчанию	Смысл
GL_AMBIENT	(0.0,0.0,0.0,1.0)	Интенсивность фонового света
GL_DIFFUSE	(1.0,1.0,1.0,1.0) или (0.0,0.0,0.0,1.0)	Интенсивность диффузного света (значение по умолчанию для 0-го источника - белый свет, для остальных - черный)
GL_SPECULAR	(1.0,1.0,1.0,1.0) или (0.0,0.0,0.0,1.0)	Интенсивность зеркального света (значение по умолчанию для 0-го источника - белый свет, для остальных - черный)
GL_POSITION	(0.0,0.0,1.0,0.0)	Положение источника света (x,y,z,w)
GL_SPOT_DIRECTION	(0.0,0.0,-1.0)	Направление света прожектора (x,y,z)
GL_SPOT_EXPONENT	0.0	Концентрация светового луча
GL_SPOT_CUTOFF	180.0	Угловая ширина светового луча
GL_CONSTANT_ATTENUATION	1.0	Постоянный фактор ослабления
GL_LINEAR_ATTENUATION	0.0	Линейный фактор ослабления
GL_QUADRATIC_ATTENUATION	0.0	Квадратичный фактор ослабления



Замечание:

Значения по умолчанию для GL_DIFFUSEи GL_SPECULAR в таблице различаются для GL_LIGHT0 и других источников света (GL_LIGHT1, GL_LIGHT2,...). Для параметров GL_DIFFUSEи GL_SPECULAR источника света GL_LIGHT0 значение по умолчанию – $(1.0,\,1.0,\,1.0,\,1.0)$. Для других источников света значение тех же параметров по умолчанию – $(0.0,\,0.0,\,0.0,\,1.0)$.

Выбор модели освещения

Параметры модели освещения описываются qlLightModel*(). Модель освещения также позволяет указывать, где находится предполагаемое местоположение наблюдателя: бесконечно далеко или локально по отношению к сцене, и должны ли вычисления производиться по-разному для лицевых и обратных поверхностей объектов. Возможно использовать значения по умолчанию, например, для двух аспектов модели - наблюдатель находится бесконечно далеко (режим «бесконечно удаленного наблюдателя») и одностороннее освещение. Использование «локального наблюдателя» заставляет производить режима намного больший объем сложных расчетов, так как OpenGL должна вычислить угол между точкой наблюдения и каждым объектом. В режиме «бесконечно удаленного наблюдателя», однако, этот угол игнорируется, и результат может быть менее реалистичным. Поскольку в примере обратная поверхность сферы никогда не видна (она находится внутри сферы), достаточно одностороннего освещения.

glLightModel*() — это команда, используемая для задания всех параметров модели освещения, glLightModel*() принимает два аргумента: имя параметра модели освещения в виде константы и значение для этого параметра.

glLightModel{if} (GLenum *pname*, TYPE *param*); glLightModel{if}v (GLenum *pname*, TYPE * *param*);

Устанавливает свойства модели освещения. Устанавливаемая характеристика модели освещения определяется аргументом *рпате* (таблица 4). *рагат* задает величину, в которую устанавливается *рпате*; если используется векторная версия команды, то это указатель на группу величин, если применяется невекторная версия – в *рагат* содержится сама величина. Невекторная версия команды может использоваться только для установки параметров, определяемых одной величиной (и не может применяться для GL_LIGHT_MODEL_AMBIENT).



Таблица 4. Значения по умолчанию для параметра *pname* модели освещения

Имена параметров	Значения по умолчанию	Смысл
GL_LIGHT_MODEL_AMBIENT	(0.2,0.2,0.2,1.0)	RGBA интенсивность всей сцены
GL_LIGHT_MODEL_LOCAL_VIEWER	0.0 или GL_FALSE	способ вычисления углов зеркального отражения
GL_LIGHT_MODEL_TWO_SIDE	0.0 или GL_FALSE	выбор между односторонним и двухсторонним освещением
GL_LIGHT_MODEL_COLOR_CONTROL	GL_SINGLE_COLOR	вычисляется ли зеркальный цвет отдельно от фонового и диффузного

Определение свойств материала для объектов сцены

Свойства материала объектов определяют, как он отражает свет и, таким образом, из какого реального материала он сделан (в зрительном восприятии). Поскольку взаимодействие между поверхностью материала и входящим светом достаточно сложное, довольно трудно задать такие параметры материала, чтобы объект имел определенный, желаемый вид. Можно задавать фоновый, диффузный и зеркальный цвета материала и то, насколько блестящим он будет выглядеть.

Указание свойств материала

Большинство свойств материала похожи на те, которые использовались при создании источников света. Механизм из указания также аналогичен установке параметров источника света за исключением того, что здесь используется команда glMaterial*().

glMaterial{if}(GLenum *face*, GLenum *pname*, TYPE *param*); glMaterial{if}v(GLenum *face*, GLenum *pname*, TYPE * *param*);

Задает свойство материала для использования при расчете освещенности. Аргумент *face* может принимать значения GL_FRONT, GL_BACK или GL_FRONT_AND_BACK, указывая для каких граней объекта задается свойство материала. Устанавливаемое свойство материала определяется значением аргумента *рпате*, а его значение содержится в *рагат* (в виде указателя на вектор величин в случае векторной версии команды или в виде самой величины при использовании невекторного варианта).

Невекторная версия команды работает только для параметра GL_SHININESS.

Возможные значения для аргумента *pname* перечислены в таблице 5. Заметьте, что константа GL_AMBIENT_AND_DIFFUSE позволяет одновременно установить фоновый и диффузный цвета



материала в одно и то же RGBАзначение.

Таблица 5. Значения по умолчанию для рпате

Имена параметров	Значения по умолчанию	Смысл
GL_AMBIENT	(0.2,0.2,0.2,1.0)	фоновый цвет материала
GL_DIFFUSE	(0.8,0.8,0.8,1.0)	диффузный цвет материала
GL_AMBIENT_AND_DIFFUSE		фоновый и диффузный цвет материала
GL_SPECULAR	(0.0,0.0,0.0,1.0)	зеркальный цвет материала
GL_SHININESS	0.0	показатель зеркального отражения
GL_EMISSION	(0.0,0.0,0.0,1.0)	исходящий цвет материала
GL_COLOR_INDEXES	(0,1,1)	индексы фонового, диффузного и зеркального цветов

Можно задать расчет освещенности для лицевых и обратных полигонов объекта. Если в приложении обратные грани могут быть видимыми, можно по-разному задать параметры материала для лицевых и обратных граней объекта, используя аргумент *face* команды glMaterial*().

Пример. Пример построения куба из четырехугольников средствами стандартной библиотеки.

Замечание. Используется второй вариант инициализации OpenGL. В примере даны только те процедуры, которые изменены.

```
procedure TForm6.FormCreate(Sender: TObject);
beain
ghDC := GetDC(Handle);
 if not bSetupPixelFormat(ghDC) then Close();
 ghRC := wqlCreateContext(qhDC);
 wglMakeCurrent(ghDC, ghRC);
 glClearColor (0.5, 0.5, 1, 1.0);
 FormResize(Sender);
 glEnable(GL_COLOR_MATERIAL); //включен материал
glEnable(GL LIGHTING); // включение источника света
glEnable(GL LIGHT0);
glEnable(GL DEPTH TEST); // включение буфера глубины
glDepthMask(GL_TRUE);
// параметры источника освещения
  pp[0] := -0.8;
   pp[1] := 1;
   pp[2] := 0.9;
   pp[3] := 0.5;
```



```
dd[0] := 0.5;
          dd[1] := -1;
          dd[2] := 0.9;
         glLightfv(GL_LIGHT0, GL_POSITION, @pp);
        glLightfv(GL_LIGHT0, GL_SPOT_DIRECTION, @dd);
      end;
      procedure TForm6.Draw;
      begin
      glLightfv(GL LIGHT0, GL POSITION, @pp); // при вызове
этих 2-х функций, координаты pp и dd пересчитываются, умножа-
ясь на видовую матрицу
      alLightfv(GL LIGHT0, GL SPOT DIRECTION, @dd);
      qlClear(GL COLOR BUFFER BIT);
      qlClear(GL DEPTH BUFFER BIT);
      // куб
      glBegin (GL QUADS);
      qlColor3f(0,0,1);
      glVertex3f (1.0, 1.0, 1.0);
      glVertex3f (-1.0, 1.0, 1.0);
                                     //1 сторона
      glVertex3f (-1.0, -1.0, 1.0);
      glVertex3f (1.0, -1.0, 1.0);
      glVertex3f (1.0, 1.0, -1.0);
      glVertex3f (1.0, -1.0, -1.0);
      glVertex3f (-1.0, -1.0, -1.0);
                                      //2 сторона
      glVertex3f (-1.0, 1.0, -1.0);
      glVertex3f (-1.0, 1.0, 1.0);
      glVertex3f (-1.0, 1.0, -1.0);
      glVertex3f (-1.0, -1.0, -1.0);
                                     //3 сторона
      glVertex3f (-1.0, -1.0, 1.0);
      glVertex3f (1.0, 1.0, 1.0);
      glVertex3f (1.0, -1.0, 1.0);
                                     //4 сторона
      glVertex3f (1.0, -1.0, -1.0);
      glVertex3f (1.0, 1.0, -1.0);
      glVertex3f (-1.0, 1.0, -1.0);
      glVertex3f (-1.0, 1.0, 1.0);
                                   //5 сторона
      glVertex3f (1.0, 1.0, 1.0);
                                 34
```



```
glVertex3f (1.0, 1.0, -1.0);
glVertex3f (-1.0, -1.0, -1.0);
glVertex3f (1.0, -1.0, -1.0);
glVertex3f (1.0, -1.0, 1.0);
glVertex3f (-1.0, -1.0, 1.0);
glEnd();
SwapBuffers(ghDC);
end;
```



СПИСОК ИСПОЛЬЗОВАННЫХ ИСТОЧНИКОВ

- 1. Краснов М. В. OpenGL. Графика в проектах Delphi. СПб.: БХВ-Петербург, 2002. 352 с.
- 2. Ю.М. Баяковский, А.В. Игнатенко. Начальный курс OpenGL. M: «Планета знаний», 2007. 221 с.
- 3. Р. С. Райт., Б. Липчак. OpenGL. Суперкнига. 3-е издание. М: Издательский дом «Вильямс», 2006. 1040 с.
- 4. Д.Л. Осипов. Delphi. Программирование для Windows, OS X, iOS и Android. 2014. 464 с.